

ДИНАМИКА РЕШЕТКИ  
И ФАЗОВЫЕ ПЕРЕХОДЫ

УДК 548.73

Посвящается памяти Б.К. Вайнштейна

К ВОПРОСУ О “КОЛОССАЛЬНОМ” МАГНИТОЭЛЕКТРИЧЕСКОМ  
ЭФФЕКТЕ

© 2011 г. С. А. Пикин

Институт кристаллографии РАН, Москва  
E-mail: pikin@ns.crys.ras.ru

Поступила в редакцию 02.02.2011 г.

В связи с недавними экспериментами на мanganитах в настоящей работе в рамках теории Ландау показано, что магнитоэлектрический эффект возникает при приложении критического магнитного поля. Знаки константы спин-орбитального взаимодействия и волнового числа спирали взаимосвязаны. Спиральная структура и слабый ферромагнетизм образуются одновременно в результате фазового перехода первого рода при критической температуре, которая зависит от магнитного поля, причем температурная область эффекта расширяется с возрастанием поля. В этой области температур магнитный момент возрастает, а поправка к электрической поляризации, являясь отрицательной, также увеличивается по абсолютной величине с ростом магнитного поля выше его порогового значения. Эти изменения непосредственно связаны с ростом волнового числа спирали при уменьшении температуры ниже точки фазового перехода.

ВВЕДЕНИЕ

В [1] обсуждается гипотетическая возможность значительного магнитоэлектрического эффекта. Автор опирается на эксперименты [2], где изучалось магнитоэлектрическое поведение лантанидов  $\text{Eu}_{0.75}\text{Y}_{0.25}\text{MnO}_3$  (орторомбически искаженная структура перовскита). Теоретической предпосылкой в [1] явилось феноменологическое выражение, в котором сегнетоэлектрическая поляризация  $\mathbf{P}$  и поперечная спираль индивидуальных спинов  $\mathbf{S}_i$  стабилизируют друг друга благодаря взаимодействию

$$\begin{aligned} & \lambda \mathbf{P}(\mathbf{S}_i \times \mathbf{S}_{i+1}) \times \mathbf{q} \equiv \\ & \equiv \lambda P_x(S_{i+1,x} \partial S_{i,y} / \partial y - S_{i+1,y} \partial S_{i,x} / \partial y) \end{aligned} \quad (1)$$

или

$$\mathbf{D}_{i,i+1}(\mathbf{S}_i \times \mathbf{S}_{i+1}) \equiv D_{i,i+1,z}(S_{i,x}S_{i+1,y} - S_{i,y}S_{i+1,x}), \quad (2)$$

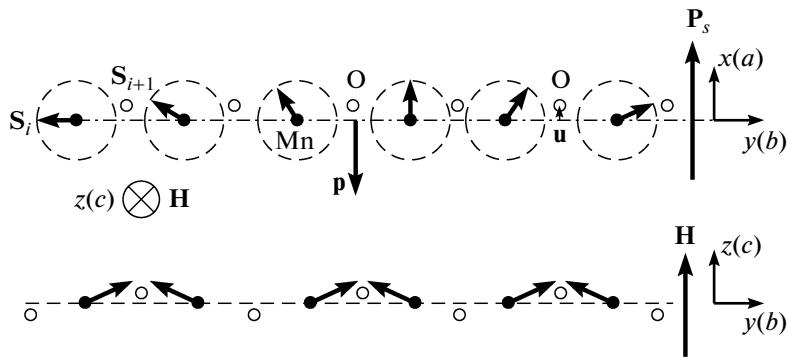
где  $\mathbf{D}_{i,i+1}$  – вектор Дзялошинского–Мория (ДМ) [3, 4], который пропорционален псевдоскалярному параметру спин-орбитального спаривания  $\lambda$  [3] и смещению  $\mathbf{u}$  атома кислорода между соседними  $\text{Mn}^{3+}$  ионами (рис. 1) [4, 5]:

$$\mathbf{D}_{i,i+1} = \lambda(\mathbf{u} \times \mathbf{r}_{i,i+1}), \quad D_{i,i+1,z} = \lambda(u_x r_{i,i+1}). \quad (3)$$

Лиганды кислорода посредничают в обмене между спинами ионов переходных металлов, обеспечивая связи между ними. Вектор ДМ одинаков для всех пар соседних ионов и меняет знак при инверсии всех координат, включая координаты спинов, как и векторное произведение  $(\mathbf{S}_i \times \mathbf{S}_{i+1})$ . При этом отрицательно заряженные ато-

мы кислорода  $\text{O}^{2-}$  когерентно смещаются (выталкиваются взаимодействием ДМ) от упомянутой спирали по направлению оси  $y(b)$ , образованной спинами ионов марганца, индуцируя электрическую поляризацию перпендикулярно ее оси (рис. 1). Взаимодействие ДМ увеличивает эти смещения, изменяя степень инверсионной симметрии, которая нарушается в местах нахождения кислорода [6]. Другим конкурирующим фактором является слабый ферромагнетизм вдоль легкой оси  $z(c)$ , причем магнитный момент также пропорционален спин-орбитальному взаимодействию  $\lambda$ . Вектор ДМ в такой конфигурации меняет свой знак между парами спинов вдоль оси  $z$ . При действии достаточно сильного магнитного поля, преодолевающего магнитную анизотропию, вдоль этой оси возникает еще больший магнитный момент за счет разориентации спинов в плоскостях  $zy$  на малый угол (рис. 1).

В [2] спираль магнитных спинов располагалась в легкой  $xy(ab)$ -плоскости перовскита, генерируя отрицательную поправку  $p$  к положительной сегнетоэлектрической поляризации  $P_s$  вдоль оси  $x(a)$ . Этот эффект возникает только в магнитном поле  $\mathbf{H} \parallel z(c)$  сильнее 5.5 Тл при температурах ниже 20 К. При более высокой температуре поправка  $p$  обращается в нуль, и магнитная спираль исчезает. Эффект заключается в том, что достаточно большое поле  $\mathbf{H} \parallel z(c)$  увеличивало намагниченность  $\Delta m_z = m_z - \chi_m H \equiv \mu$  в некоторой области температур  $\Delta T$  при существовании спонтанной сегнетоэлектрической поляризации  $\mathbf{P}_s \parallel x(a)$  ниже точки



**Рис. 1.** Качественная картина магнитоэлектрического эффекта (по мотивам [5–7]). Схематически показаны: спиральная структура спинов ионов марганца (темные кружки) в плоскости  $xy$  вдоль оси  $z$ ; однородные смещения ионов кислорода (светлые кружки) от оси спирали, вызывающие возникновение вдоль оси  $x$  однородной поляризации  $p$ , противоположной по направлению к уже существующей спонтанной поляризации  $P_s$  при наличии магнитного поля  $H$  вдоль оси  $z$ .

перехода в сегнетофазу  $T_{FE} \approx 30$  К. В интервале  $\Delta T$  одновременно наблюдалось существенное понижение поляризации  $P_x$  из-за отрицательности  $p$ . В этой же области температур приложение электрического поля  $E \parallel x(a)$  ( $\sim 10$  кВ/см) приводило к уменьшению  $\Delta m_z$  на 50% и увеличению  $P_x$ . Приложение магнитного поля  $H$  несколько расширяло температурный интервал  $\Delta T$ , где имело место такое влияние поля  $H$  на поляризацию  $P_x$  и намагниченность  $\mu$ . Кроме того, явление имело ярко выраженный гистерезисный характер. Для таких материалов характерно стеклообразное поведение [2].

Различные аспекты микроскопических механизмов индуцирования сегнетоэлектричества в магнитных спиральях, а также феноменологических подходов обсуждались в [7–11]. В настоящей работе предлагается феноменологическая версия явлений, перечисленных в [2], которая непротиворечиво объясняет наблюдаемые факты.

### ФЕНОМЕНОЛОГИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ ВОЗНИКОВЕНИЯ СПИРАЛЬНОЙ СПИНОВОЙ СТРУКТУРЫ

Для описания указанных свойств таких первоэлементов применим простую феноменологическую модель, учитывающую основные параметры этих материалов. Будем предполагать, что в рассматриваемом температурном интервале существует спонтанная поляризация  $P_s$ . Предположим также, что при некоторых условиях может возникать слабый ферромагнетизм с намагниченностью  $\mu$ , если существует модуляция магнитной структуры в легкой  $xy$ -плоскости, а поле  $H$  превышает определенное пороговое значение  $H_{th}$ . Пороговое значение  $H_{th}$  зависит от магнитной анизотропии. На рис. 1 дан пример модуляции ферромагнитного состояния вдоль оси  $y$ :  $\theta$  — модулированный угол между соседними спинами  $S_i$  и  $S_{i+1}$ , причем  $\theta^2 \ll 1$ ,  $x$ - и  $y$ -компоненты этих спинов суть  $S_{ix} = S \sin \phi$ ,  $S_{iy} = S \cos \phi$ ,  $S_{i+1,x} = S \sin(\phi - \theta)$ ,  $S_{i+1,y} =$

$= S \cos(\phi - \theta)$ , т.е. угол между ними слабо изменяется, хотя сами спины могут поворачиваться в плоскости  $xy$  на большой угол  $\phi$ . При этом  $(S_i \times S_{i+1})_z = S^2 \sin \theta \approx S^2 \theta$  для любого значения  $\phi$ , где  $S$  — спин. Если спины образуют спираль в плоскости  $xy$  с волновым вектором  $q_y$  вдоль оси спирали ( $\phi = q_y y$ ), то величина  $\theta(y)$  остается постоянной и примерно равной малому углу  $\theta = q_y r_{i,i+1}$ . Заметим, что инвариант (2), в согласии с (3), принимает вид  $\lambda r_{i,i+1}^2 S^2 u_x q_y$ .

Допустим, что вплоть до точки замерзания  $T_f < T_{FE}$  спиральная модуляция не появляется при  $T < T_{FE}$ , если не учитывать магнитоэлектрический эффект. Согласно [2], ниже температуры замерзания  $T_f \sim 10$  К кинетика перехода первого рода в спиральное и слабоферромагнитное состояние замедляется благодаря замораживанию беспорядка в образующемся магнитоэлектрическом стекле, а выше  $T_f$  — такое стекло плавится, и в магнитном поле генерируется магнитный момент слабого ферромагнетика.

Рассмотрим число  $Q = S^2 q_y$  в качестве параметра перехода, который отвечает также за возникновение спиральной структуры и слабого ферромагнетизма. Учтем существование магнитоэлектрического эффекта и запишем свободную энергию в виде

$$F = t_1 P_s^2 + \frac{1}{2} b_1 P_s^4 + 2b_1 P_s p_x^3 + \frac{1}{2} b_1 p_x^4 + \frac{1}{2} b Q^4 + \frac{1}{2\chi_{e0}} p_x^2 + t_2 Q^2 + \Lambda Q p_x. \quad (4)$$

Здесь полная поляризация  $P_x = P_s + p_x$ ,  $t_1 = a_1(T - T_1)$ ,  $t_2 = a(T - T_2)$ ,  $T_1 \equiv T_{FE}$ ,  $T_2$  — температура перехода в модулированное состояние. Разложение проводится по малым однородным величинам  $p_x$  и  $Q = S^2 q_y$ , которые надо опреде-

лить. Коэффициенты  $a, a_1, b, b_1, \chi_{e0}$  (диэлектрическая восприимчивость) положительны. Положительно определенный инвариант типа  $p_x^2 Q^2$  для простоты не включен в (4), поскольку он сведен с другими членами того же порядка и качественно не изменяет результатов. Последний член в выражении (4) описывает магнитоэлектрический эффект, причем векторы поляризации  $\mathbf{p}$  и  $\mathbf{P}_s$  параллельны оси  $x(a)$  и разнонаправлены (как убедимся ниже), вектор  $(\mathbf{S}_i \times \mathbf{S}_{i+1})$  параллелен оси  $z(c)$ , спиральная модуляция спинов происходит вдоль оси  $y(b)$  с волновым вектором  $\mathbf{q}$  в цепочке. Согласно (1), величина  $\Lambda Q p_x \equiv \lambda p_x (S_{i+1,x} \partial S_{i,y} / \partial y - S_{i+1,y} \partial S_{i,x} / \partial y)$  не меняет знака при инверсии координат, причем знак  $\Lambda$  остается неизменным при инверсии координат, а  $|\Lambda| = |\lambda|$ . В (4) можно было бы включить инвариант  $c \Lambda \zeta_x Q^3$ , в котором знак постоянной  $c$  не определен. Соответствующий инвариант типа  $(\lambda \zeta_x) (S_{i+1,x} \partial S_{i,y} / \partial y - S_{i+1,y} \partial S_{i,x} / \partial y)^3 \sim (\Lambda \zeta_x) Q^3$  не меняет знака при инверсии координат. Но он является малой поправкой к последнему члену в (4). Векторы  $\zeta \parallel x$  и разность намагниченностей  $\mathbf{L} \parallel y$  двух подрешеток определяют спонтанную намагниченность слабого ферромагнетика  $\mu \parallel z$ ,  $\mu = \chi_m H_D$ , обусловленную полем Дзялошинского  $H_D = |\zeta| L$ , где  $\chi_m$  — магнитная восприимчивость,  $|\zeta|$  — малая величина релятивистской природы [12].

В отсутствие магнитного поля параметр  $t_2$  является, по-видимому, положительным: обычно  $T > T_2$ . Он характеризует своеобразную упругую гибкость магнитной цепочки вдоль оси  $y$ , т.е. способность к поворотам марганцево-кислородных бипирамид и изгибу плоскостей редкая земля-кислород в присутствии небольших редкоземельных немагнитных ионов Eu и Y, находящихся между октаэдрами  $MnO_6$  в составе орторомбических мanganитов [9, 10]. Чем меньше размер подобных ионов, тем сильнее фрустрация магнитной структуры, т.е. возможность ее модуляций [5, 11]. Присутствие в структуре других, более крупных лантанидов увеличивает упругость  $t_2$  и может сделать невозможным существование модулированной магнитной структуры и магнитоэлектрического эффекта при данной константе спин-орбитального взаимодействия  $\lambda$  ионов  $Mn^{3+}$  [5]. Таким образом, «модуль упругости»  $t_2$  может существенно изменяться в зависимости от состава мanganита.

При данных условиях запишем:

$$p_x \equiv p, \quad P_x = P_s + p, \quad Q = S^2 q_y. \quad (5)$$

Несложный расчет показывает, что такая однородная поляризация  $\mathbf{p}$  минимизирует свободную энергию  $F$ , если

$$p \approx -\chi_{e0} \Lambda Q. \quad (6)$$

При этом в (4) пренебрегли малыми величинами  $q$  и  $p$  в степени выше второй. Заметим, что знак поправки  $p$  зависит от знака волнового числа спирали  $q_y$ . Согласно (6), при инверсии координат изменяется на противоположный и знак вектора  $\mathbf{p}$ , т.е. знаки векторов поляризации  $\mathbf{P}_s$  и  $\mathbf{p}$  остаются противоположными (рис. 1).

### ФАЗОВЫЙ ПЕРЕХОД ПЕРВОГО РОДА В СПИРАЛЬНОЕ СОСТОЯНИЕ

Изменение свободной энергии, согласно выражениям (4) и (6), записывается в виде

$$F = t_1 P_s^2 + \frac{1}{2} b_1 P_s^4 + 2b_1 P_s p^3 + \frac{1}{2} b Q^4 + \frac{1}{2} b_1 p^4 + \tilde{t}_2 Q^2, \quad (7)$$

где

$$\tilde{t}_2 \approx t_2 - \frac{1}{2} \chi_{e0} \Lambda^2. \quad (8)$$

Последний член в (7) показывает, что температура перехода в спиральную структуру могла бы повыситься до величины

$$\tilde{T}_2 = T_2 + \frac{\chi_{e0} \Lambda^2}{2a}, \quad (9)$$

что может способствовать возникновению такого состояния при  $\tilde{t}_2 < 0$ . Однако температура фазового перехода  $\tilde{T}_{2c}$  с учетом этих поправок должна быть больше температуры замерзания  $T_f$ , что очевидно (рис. 2).

В противном случае рассматриваемая спиральная модуляция и электрическая поляризация не могут возникнуть.

Перепишем выражение для свободной энергии (7) в виде:

$$F = -\frac{t_1^2}{2b_1} + \tilde{t}_2 Q^2 - b_2 Q^3 + \frac{1}{2} B Q^4, \quad (10)$$

которое учитывает зависимость

$$p = -\Lambda \chi_{e0} Q^+. \quad (11)$$

Из (10) следует, что происходит фазовый переход первого рода по параметру  $Q$  (волновому числу):

$$Q^+ = \frac{3b_2 + \sqrt{9b_2^2 - 16B\tilde{t}_2}}{4B}, \quad (12)$$

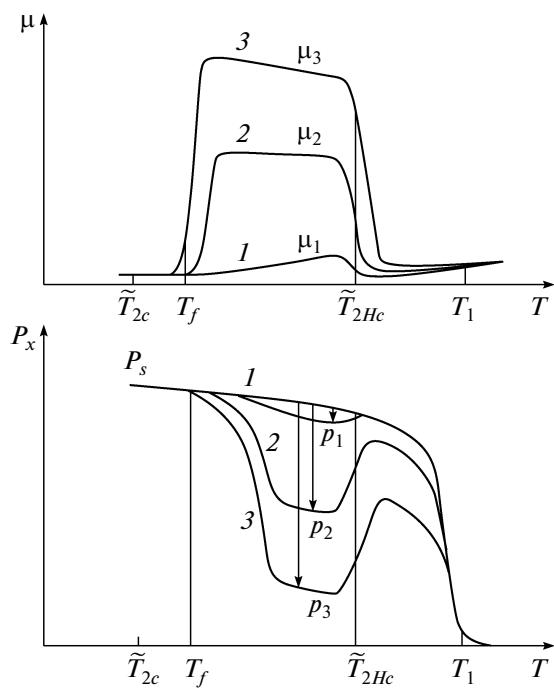
где

$$b_2 = 2b_1 P_s (\Lambda \chi_{e0})^3, \quad B = [b + b_1 (\chi_{e0} \Lambda)^4]. \quad (13)$$

Точка этого перехода есть

$$\tilde{t}_{2c} = \frac{b_2^2}{2B}, \quad \tilde{T}_{2c} = T_2 + \frac{\chi_{e0} \Lambda^2}{2a} + \frac{b_2^2}{2aB}, \quad (14)$$

в которой  $Q$  претерпевает скачок от нуля к значению  $Q_c^+ = b_2/B$ . Вообще говоря, данная спиральная структура может быть несоразмерной и длиннопериодической в силу малости отношения



**Рис. 2.** Одновременное появление однородной поляризации  $p(T)$  и магнитного момента  $\mu(T)$  при наличии спонтанной поляризации  $P_s(T)$  в температурном интервале от  $T_f$  до  $\tilde{T}_{2Hc}$ . Условно, для сравнения с результатами [2], показаны: зависимости  $P_x(T)$  и  $\mu(T)$  при появлении спиновой спирали и при возрастании магнитного поля ( $1, 2, 3$ ), превышающего пороговое значение; температуры сегнетоэлектрического перехода  $T_1$  и гипотетического образования спиралей  $\tilde{T}_{2c}$  ниже точки замерзания  $T_f$ .

$b_2/B$ . Также скачком изменяется в этой точке и поляризация  $P_{xc} = P_s - \Lambda\chi_{e0}Q_c^+$ , выше температуры  $\tilde{T}_{2c}$  имеем параэлектрическую фазу в смысле поправки к поляризации  $p$ .

Ранее неявно предполагалось, что параметр  $\Lambda$  положителен. Если он отрицателен, т.е.  $\Lambda < 0$ , то коэффициент  $b_2$  в (10), согласно (13), меняет знак и вместо (12) решением является волновое число

$$Q^- = \frac{3b_2 - \sqrt{9b_2^2 - 16B\tilde{t}_2}}{4B} < 0. \quad (15)$$

Таким образом, фактически знак спирали (знак волнового числа  $q_y$ ) изменяется на противоположный, так что из (6) следует неизменность знака поляризации  $p$  при  $\Lambda < 0$ . В точке перехода (14) скачок  $Q_c^- = b_2/B$  становится отрицательным, а поляризация  $p$  претерпевает тот же отрицательный скачок  $-\Lambda\chi_{e0}Q_c^-$ . Сделанные приближения верны, когда поправка  $p$  много меньше  $P_s$ . На опыте в слабых магнитных полях эта поправка весьма мала, и этот фазовый переход не происходит выше точки замерзания, если поле не превышает определенный порог [2].

## ВОЗНИКНОВЕНИЕ СЛАБОГО ФЕРРОМАГНЕТИЗМА И МАЛОЙ ПОПРАВКИ К СПОНТАННОЙ ПОЛЯРИЗАЦИИ

Приведенные выше результаты были получены в отсутствие магнитного поля, когда, по-видимому,  $\tilde{t}_2 > 0$ . Возникновение слабого ферромагнетизма и магнитного момента  $\mu$  ( $m_z$  за вычетом обычной величины  $\chi_{m0}H$ ) вдоль оси  $z$  в магнитном поле  $H$  можно связать с разрушением антиферромагнитного порядка вдоль этой оси. Учтем то обстоятельство, что на опыте слабый ферромагнетизм возникает одновременно со спиральной спиновой структурой, причем это приводит к пороговому появлению намагниченности  $\mu$  и поляризации  $p$  при  $H^2 > H_{th}^2$  [2]. Видимо, пороговое магнитное поле разрушает синусоидальное модулирование намагниченности вдоль оси  $y$ , чему соответствует параполярическое состояние по отношению к поправке  $p$  с сохранением спонтанной поляризации  $P_s$  [5, 6]. Механизмы такого разрушения могут быть различны: либо вследствие преодоления магнитной анизотропии, либо механических напряжений, возникающих благодаря магнитострикции [6, 11]. При более низкой температуре энергетически более выгодным становится спиральное магнитное упорядочение в плоскости  $xy$ , сопровождаемое сегнетоэлектрическим упорядочением по отношению к  $p$  (рис. 1).

Запишем свободную энергию  $F_H$  в простейшем виде:

$$F_H = F + \frac{m^2}{2\chi_m} - mH = -\frac{1}{2}\chi_m H^2, \quad (16)$$

$$m = \chi_m H = (\chi_{m0} + \delta\chi_m) H, \quad \mu = (\delta\chi_m) H,$$

где малая поправка к магнитной восприимчивости  $\delta\chi_m$ , связанная с появлением модуляции отклонений спинов в плоскости  $xy$ , записывается в виде

$$\delta\chi_m = (\beta Q^2), \quad (17)$$

параметр  $\beta$  положителен. Из (16) и (17) находим

$$F_H = F - (\beta Q^2) H^2. \quad (18)$$

Выражение (18) показывает, что фактически в формуле (4) приведенная температура  $t_2$  заменяется на  $t_2 - \beta H^2$ . Когда магнитное поле становится достаточно большим:  $H \geq H_{th}$ , например, магнитная энергия в поле начинает превышать энергию магнитной анизотропии, величина  $t_2 - \beta H^2$  может стать отрицательной, причем намагниченность  $\mu \sim \delta\chi_m (H - H_{th})$  мала вблизи этого порога.

Таким образом, из-за присутствия магнитного поля в выражении (7) эффективно изменяется

коэффициент при степени  $Q^2$  и вместо (10) получаем выражения

$$F_H = -\frac{t_1^2}{2b_1} + \tilde{t}_{2H}Q^2 - b_2Q^3 + \frac{1}{2}BQ^4, \quad (19)$$

$$\tilde{t}_{2H} = \tilde{t}_2 - \beta H^2.$$

Теперь с помощью уравнений (7), (10)–(14) и (19) определяем величины волнового числа  $Q_H$ , поправки к поляризации  $p_H$  и магнитного момента  $\mu$ :

$$Q_H = \frac{3b_2 + \sqrt{9b_2^2 - 16B(\tilde{t}_2 - \beta H^2)}}{4B}, \quad (20)$$

$$p_H = -\Lambda\chi_{e0} \frac{3b_2 + \sqrt{9b_2^2 - 16B(\tilde{t}_2 - \beta H^2)}}{4B}, \quad (21)$$

$$\mu = (\beta Q_H^2)(H - H_{th}) = \beta(H - H_{th}) \left[ \frac{3b_2 + \sqrt{9b_2^2 - 16B(\tilde{t}_2 - \beta H^2)}}{4B} \right]^2. \quad (22)$$

Уравнения (21) и (22) гласят, что при значении приведенной температуры

$$\tilde{t}_{2Hc} = \tilde{t}_{2c} - \beta H^2 = \frac{b_2^2}{2B} \quad (23)$$

происходит фазовый переход первого рода со скачками волнового числа и поляризации

$$q_{Hc} = \frac{b_2}{B}, \quad P_{xc} = P_s - \Lambda\chi_{e0}b_2/B, \quad (24)$$

причем с увеличением поля намагниченность  $\mu$  возрастает от некоторого конечного спонтанного значения, определяемого полем Дзялошинского. При этом должен иметь место эффект температурного гистерезиса, наблюдаемого на опыте [2]. Из (23) следует, что абсолютная температура этого перехода равна

$$\tilde{T}_{2Hc} = T_2 + \frac{\chi_{e0}\Lambda^2}{2a} + \frac{\beta}{a}H^2 + \frac{b_2^2}{2aB} \quad (25)$$

и может эффективно повышаться благодаря перечисленным поправкам, делая спиральное состояние энергетически выгодным при более высокой температуре  $T$ :  $T_f < T < \tilde{T}_{2Hc} < T_1$  (рис. 2).

Подчеркнем, что, согласно (21), при наличии спонтанной поляризации  $P_s = (-t_1/b_1)^{1/2}$  ниже температуры  $T_1 \equiv T_{FE}$  поляризация  $P_x$  приобретает отрицательную поправку  $p_H$ , если  $H > H_{th}$ . Магнитный момент  $\mu$ , возникающий в таком магнитном поле одновременно с поляризацией  $|p_H|$ , т.е. малой поправкой к спонтанной поляризации, возрастает с увеличением  $H$  согласно (22) (рис. 2). Эти изменения величин  $p_H$  и  $\mu$  происходят в од-

ном и том же температурном интервале  $T_f < T < \tilde{T}_{2Hc}$ , причем он расширяется с увеличением  $H$ , согласно (25), (рис. 2). С понижением температуры при фиксированном магнитном поле величины  $p_H$  и  $\mu$  вместе с волновым числом  $Q_H$  увеличиваются по абсолютной величине, согласно (21) и (22), если  $\tilde{t}_{2H} < 0$ , но обращаются в нуль при  $T \approx T_f$  (рис. 2). Вне указанного интервала температур имеем  $Q_H = 0$ , и магнитоэлектрические эффекты соответственно отсутствуют. Эксперимент [2] наглядно свидетельствует о перечисленных фактах.

### ТЕМПЕРАТУРНОЕ ПОВЕДЕНИЕ ДИЭЛЕКТРИЧЕСКОЙ ПРОНИЦАЕМОСТИ

Приложение внешнего электрического поля  $E$  вдоль оси  $x$  должно приводить к увеличению поляризации  $P_{x,E}$ , т.е. к уменьшению  $|p|$  в рассмотренном температурном интервале. Соответственно средний магнитный момент  $\mu$  слабого ферромагнитного состояния в присутствии магнитного поля  $H > H_{th}$  вдоль оси  $z$  и электрического поля  $E$  вдоль оси  $x$  должен уменьшаться благодаря увеличению  $P_x$ , т.е. уменьшению поправки  $|p|$ .

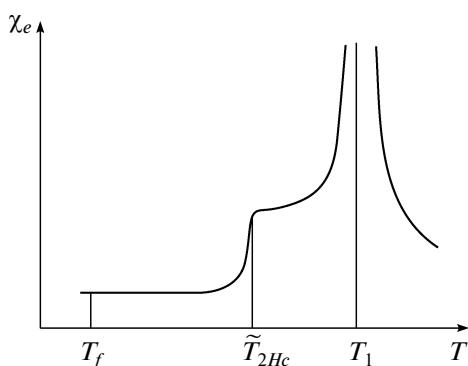
Представляет интерес температурное поведение электрической восприимчивости в слабом электрическом поле при существовании спиральной структуры и слабого ферромагнитного состояния. Поправку  $\delta P(E,H)$  можно оценить с помощью выражения (19), в котором добавлено слагаемое  $-\delta PE$ , а  $P_x \approx P_s + p_H + \delta P(E,H)$ . Разложение по малой величине  $\delta P$  показывает, что при появлении спиральной модуляции и слабого ферромагнетизма величина  $\delta P$  есть

$$\delta P \approx \frac{E}{[-2t_1 + (\Lambda\chi_{e0})^{-2}(-\tilde{t}_{2H} + BQ_H^2)]}, \quad (26)$$

где  $Q_H = -p_H(\Lambda_{Hc}\chi_{e0})^{-1}$ , а  $p_H$  определяется выражением (21). Это придает электрической восприимчивости  $\chi_e = \delta P/E$  своеобразное температурное поведение: появление модуляции может резко изменить стандартное поведение  $\chi_e$  при понижении температуры, а именно: ниже точки  $\tilde{T}_{2Hc}$  восприимчивость претерпевает скачкообразное снижение (рис. 3). В точке  $\tilde{t}_{2Hc} = \frac{b_2^2}{2B}$ , в которой  $q_{Hc} = \frac{b_2}{B}$ , восприимчивость

$$\chi_{ec} \approx \frac{1}{[-2t_1 + (\Lambda\chi_{e0})^{-2}(b_2^2/2B)]}. \quad (27)$$

Поведение восприимчивости (или диэлектрической константы  $\epsilon_x$ ), подобное (27), наблюдалось на опыте [2].



**Рис. 3.** Качественная температурная зависимость диэлектрической восприимчивости  $\chi_e$ . Условно, для сравнения с результатами [2], показано скачкообразное понижение  $\chi_e$  ниже температуры  $\tilde{T}_{2Hc}$ .

## ВЫВОДЫ

Рассмотренные материалы мanganиты обладают электрической поляризацией, эффективно перестраиваемой приложенным магнитным полем, т.е. они являются перспективными мультиферроиками [13, 14]. Несмотря на то что величина магнитоэлектрического эффекта в [2] все же не была “колossalной”, в [1] выражается надежда, что его аналогия с колоссальным эффектом магнитосопротивления [15] может привести к большой величине магнитоэлектрического эффекта в подходящих материалах и к контролю мультиферроидных доменов. При этом отмечалась все большая роль появляющегося слабого ферромагнетизма.

В настоящей работе с помощью феноменологического разложения по малым поправкам к спонтанной поляризации и малому волновому вектору спиральной структуры показано, что магнитоэлектрический эффект возникает при приложении магнитного поля определенной величины. Знаки константы спин-орбитального взаимодействия и волнового числа спирали взаимосвязаны. Спиральная магнитная структура и слабый ферромагнетизм образуются неизбежно одновременно в результате фазового перехода первого рода при критической температуре, меньшей температуры сегнетоэлектрического перехода, но большей температуры замерзания в стеклообразное состояние. Такая критическая температура зависит от магнитного поля, повышаясь с его увеличением, так что область эффекта расширяется с возрастанием магнитного поля (рис. 2). В пределах этой области температур магнитный момент быстро возрастает, а поправка к электрической поляризации является отрицательной независимо от знака константы спин-орбитального взаимодействия и также быстро увеличивается по абсолютной величине с ростом магнитного поля выше его порогового значения

(рис. 2). Диэлектрическая проницаемость скачкообразно уменьшается при указанной критической температуре (рис. 3). Эти изменения непосредственно связаны с быстрым ростом волнового числа спирали при уменьшении температуры ниже точки фазового перехода.

Фактически пороговое магнитное поле является триггером, запускающим все наблюдаемые эффекты, которые описываются единым образом. Все эффекты исчезают с приближением к температуре стеклования. Поэтому пороговое поле должно быть также достаточно велико, чтобы оно давало значение точки перехода, которое было бы больше температуры замерзания. В отсутствие магнитного поля температура гипотетического перехода, видимо, ниже этой температуры.

Константа спин-орбитального взаимодействия задает конкретное значение и направление волнового вектора спирали спинов, а при смене знака этой константы изменяется знак спирали (левой или правой), но поправка к спонтанной поляризации остается противоположной по отношению к последней. Очень слабая константа ведет к хаотичности поправок поляризации по их знаку, так что в этом случае поляризация в среднем равна спонтанной сегнетоэлектрической поляризации.

Как всякое феноменологическое рассмотрение, предложенное верно при малости всех указанных поправок. Однако можно думать, что качественно полученные результаты пригодны и при росте волнового числа, и при увеличении поправок к поляризации до достаточно больших значений.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Argyriou D.N. // Physics. 2010. V. 3. P. 72.
- Choi Y.J., Zhang C.L., Lee N. et al. // Phys. Rev. Lett. 2010. V. 105. P. 097201.
- Dzyaloshinskii I. // Sov. Phys. JETP. 1964. V. 19. P. 960.
- Moriya T. // Phys. Rev. Lett. 1960. V. 4. P. 228.
- Cheong S.-W., Mostovoy M. // Nature Mater. 2007. V. 6. P. 13.
- Kenzelmann M., Harris A.B., Jonas S. et al. // Phys. Rev. Lett. 2005. V. 95. P. 087206.
- Sergienko I.A., Dagotto E. // Phys. Rev. B. 2006. V. 73. P. 094434.
- Katsura H., Nagaosa N., Balatsky V. // Phys. Rev. Lett. 2005. V. 95. P. 057205.
- Van Aken B.B., Palstra T.T.M., Filippetti A. et al. // Nature Mater. 2004. V. 3. P. 164.
- Fennie C.J., Rabe K.M. // Phys. Rev. B. 2005. V. 72. P. 100103.
- Звездин А.К., Пятаков А.П. // УФН. 2004. Т. 174. С. 465.
- Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. // Электродинамика сплошных сред. М.: Физматлит, 2005. 656 с.
- Kimura T., Goto T., Shintani H. et al. // Nature. 2003. V. 426. P. 55.
- Goto T., Kimura T., Lawes G. et al. // Phys. Rev. Lett. 2004. V. 92. P. 257201.
- Imada M., Fujimori A., Tokura Y. // Rev. Mod. Phys. 1998. V. 70. P. 1039.