

УДК 550.388

## КОМБИНИРОВАННЫЙ МЕТОД ВЫЯВЛЕНИЯ СКРЫТЫХ АНОМАЛИЙ В ВАРИАЦИЯХ ГАЛАКТИЧЕСКИХ КОСМИЧЕСКИХ ЛУЧЕЙ

© 2011 г. В. В. Борог, А. В. Крянев, Д. К. Удмуня

Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ», Москва, Россия

e-mail: VVBorog@mephi.ru

Поступила в редакцию 08.10.2010 г.

Предложен метод выделения скрытых периодичностей в сильно зашумленных нестационарных временных рядах конечной длительности. Последовательное применение спектрально-сингулярного разложения и вейвлет-преобразования позволяет вычислить энергию непродолжительных сигналов произвольной формы на подавляющем фоне шума, амплитуда которого в несколько раз превышает полезный сигнал. Этот метод применен для идентификации вариаций потока галактических космических лучей, связанных с возмущениями межпланетного магнитного поля за счет распространения солнечных магнитных облаков в гелиосфере по направлению к Земле.

### 1. ВВЕДЕНИЕ

Во многих физических задачах (например, в области радиофизики, астрофизики, космофизики и др.) требуется выделить из наблюдаемого временного ряда полезный сигнал на фоне подавляющего шума, характеристики которых априори не известны. В случае, когда сигнал имеет периодический характер при малой зашумленности, для оценки его спектральных характеристик применим Фурье-анализ [Отнес и др., 1982] или сингулярно-спектральный анализ (SSA) [Данилов и др., 1997; Голядина, 2004; Крянев и др., 2010]. При регистрации переменных сигналов с небольшой зашумленностью оказывается эффективным вейвлет-анализ [Астафьева, 1996; Витязев, 2001; Крянев и др., 2010].

Исследуемые физические временные ряды, как правило, не стационарны, в частности имеют тренд, вид которого неизвестен, а характеристики самого сигнала переменны: амплитуда и частота являются функциями времени. Данные могут представлять собой совокупность квазипериодических процессов, которые кроме этого сильно зашумлены и скрыты в общей интенсивности временного ряда. Во многих случаях сигналы наблюдаются на небольших интервалах времени (короткие временные ряды). В этих условиях применение указанных выше методов оказывается малоэффективным для выделения искомого сигнала от шумовой компоненты.

Для выявления скрытых нестационарных сигналов в настоящей работе применен комбинированный метод, в котором сначала с помощью SSA-преобразования определялся и удалялся тренд. Затем к оставшемуся квазистационарному ряду применяется вейвлет-преобразование для определения полной энергии сигнала, просуммированной по всем частотам

там в отдельных временных окнах. Смещение по времени позволяет проследить изменение энергии сигнала на всем исследуемом временном интервале.

### 2. МАТЕМАТИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ КОМБИНИРОВАННОГО МЕТОДА

Рассмотрим в общем виде временной процесс, задаваемый в виде ряда  $f = (f_1, f_2, \dots, f_N)$ , в который входят: трендовая составляющая, полезный сигнал произвольной формы и случайный шум. Выделение искомого сигнала включает в себя последовательность нескольких процедур SSA-преобразования [Данилов и др., 1997; Голядина, 2004; Крянев и др., 2010]. Сначала строится траекторная матрица временного ряда

$$X = \begin{pmatrix} f_1 & f_2 & f_3 & \dots & f_K \\ f_2 & f_3 & f_4 & \dots & f_{K+1} \\ f_3 & f_4 & f_5 & \dots & f_{K+2} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ f_L & f_{L+1} & f_{L+2} & \dots & f_N \end{pmatrix}. \quad (1)$$

Параметры  $L$  и  $K$  связаны равенством  $L + K = N - 1$ . В дальнейшем  $L$  берется максимально возможным  $L = [(N - 1)/2]$ . Это позволяет исследовать периодичности во всем диапазоне измерений. Затем вводится матрица  $S = XX^T$ , для которой решается полная спектральная задача по нахождению всех собственных значений  $\lambda_1 \geq \dots \geq \lambda_i \geq \dots \geq \lambda_L \geq 0$  и ортонормированной системы собственных векторов

$U_1, \dots, U_i, \dots, U_L$ , где  $U_i$  – вектор-столбцы. Матрицу  $X$  можно представить в виде суммы

$$X = \sum_{i=1}^d M_i, \quad (2)$$

где  $M_i = U_i U_i^T X$ , параметр  $d$  – число ненулевых собственных значений ( $1 \leq d \leq L$ ). После усреднения по побочным диагоналям матриц  $X$  и  $M_i$  (где  $i = 1, \dots, d$ ), получаем разложение исходного временного ряда  $f$  в виде суммы рядов:

$$f = (f^{(1)} + f^{(2)} + \dots + f^{(d)}). \quad (3)$$

Собственные значения  $\lambda_i$  определяют степень информационного вклада  $\eta_i$  ряда  $f^{(i)}$  в исходный ряд  $f$ :  $\eta_i = \lambda_i / \sum \lambda_i$ . Одно или несколько первых значений  $f^{(i)}$  могут представлять собой низкочастотную трендовую компоненту ряда. После их удаления исходный ряд становится квазистационарным. Оставшийся ряд  $\tilde{f}(t)$  включает в себя только искомый сигнал, и высокочастотный шум.

Для оценки энергии сигнала, представленного этим рядом, воспользуемся вейвлет-преобразованием, которое позволяет производить разложение ряда по частотам и времени [Астафьева, 1996; Витязев, 2001]. Основной характеристикой сигнала в этом преобразовании служит величина

$$E(a, b) = |W(a, b)|^2, \quad (4)$$

которая определяет спектральную характеристику энергии исследуемого процесса для заданного масштаба  $a$  и параметра сдвига  $b$ . Функция  $W(a, b)$  в (4) вычисляется из равенства

$$W(a, b) = \frac{1}{|a|^{1/2}} \int_{-\infty}^{+\infty} \tilde{f}(t) \varphi^* \left( \frac{t-b}{a} \right) dt, \quad (5)$$

где  $f(t)$  – исходный квазистационарный временной процесс, “очищенный” от трендовой составляющей;  $(\varphi^*(x))$  – комплексно-сопряженная функция выбранного базисного вейвлета. В нашем случае используется вейвлет Морле, имеющий затухающий колебательный характер

$$\varphi(t) = e^{-t^2/\alpha^2} (e^{ik_0 t} - e^{-k_0^2 \alpha^2/4}). \quad (6)$$

Параметры  $\alpha$  и  $k_0$  определяют быстроту затухания вейвлета и его частотные характеристики. Величина:

$$E_W(b) = \int_{-\infty}^{+\infty} E(a, b) da \quad (7)$$

соответствует энергии для момента  $t = b$ , просуммированной по всему спектру вейвлет-преобразования, а интеграл

$$E = \int_0^B E_W(b) db \quad (8)$$

представляет собой полную энергию сигнала на исследуемом отрезке времени, где задана функция  $f(t)$ . Интервал  $(0-B)$  соответствует количеству точек от 1 до  $N$  временного ряда.

В большинстве опубликованных работ, связанных с обработкой временных рядов, как правило, анализируется поведение спектральной характеристики  $|W(a, b)|^2$ . Однако, как будет показано ниже, величина полной энергии  $E$  из выражения (8), оказывается эффективным параметром для идентификации протяженных физических сигналов, визуально скрытых в шумах. В этом случае весь исследуемый интервал времени разбивается на небольшие временные окна, в которых последовательно вычисляется полная энергия (8) для каждого отдельного временного отрезка. Длина временного окна должна значительно превышать длину отрезка, для которого значения материнского вейвлета значимо отличны от нуля.

### 3. АНАЛИЗ МОДЕЛЬНЫХ ВРЕМЕННЫХ РЯДОВ

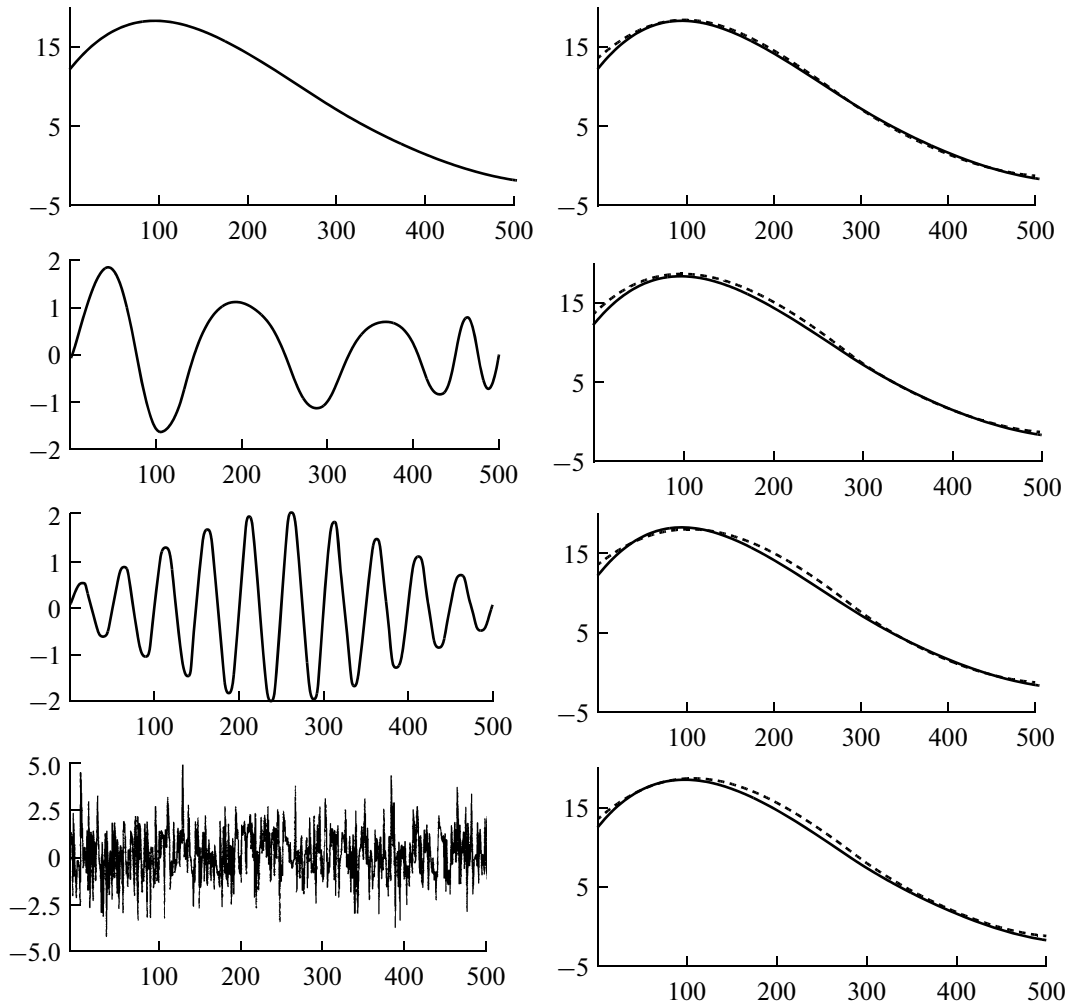
Ниже приведен анализ энергии временных рядов  $E$  для двух случаев. В первом примере рассматривается регистрация суммы двух сигналов с различными частотными характеристиками; во втором случае – эти же сигналы проявляются последовательно и разделены во времени. В рядах всегда присутствует белый шум, интенсивность которого изменяется в широких пределах.

#### 3.1. Идентификация энергии совокупности сигналов

Рассмотрим модельный временной ряд, в котором одновременно присутствуют шумы  $f_{ns}(t)$  и две квазипериодические компоненты  $f_1(t)$  и  $f_2(t)$  с разным характером периодичности. Один сигнал  $f_1$  – медленная затухающая синусоида, второй  $f_2$  – более высокочастотный “волновой пакет”.

$$f(t) = f(t)_{tr} + A_1 f_1(t) + A_2(t) f_2(t) + A_{ns} f_{ns}(t). \quad (9)$$

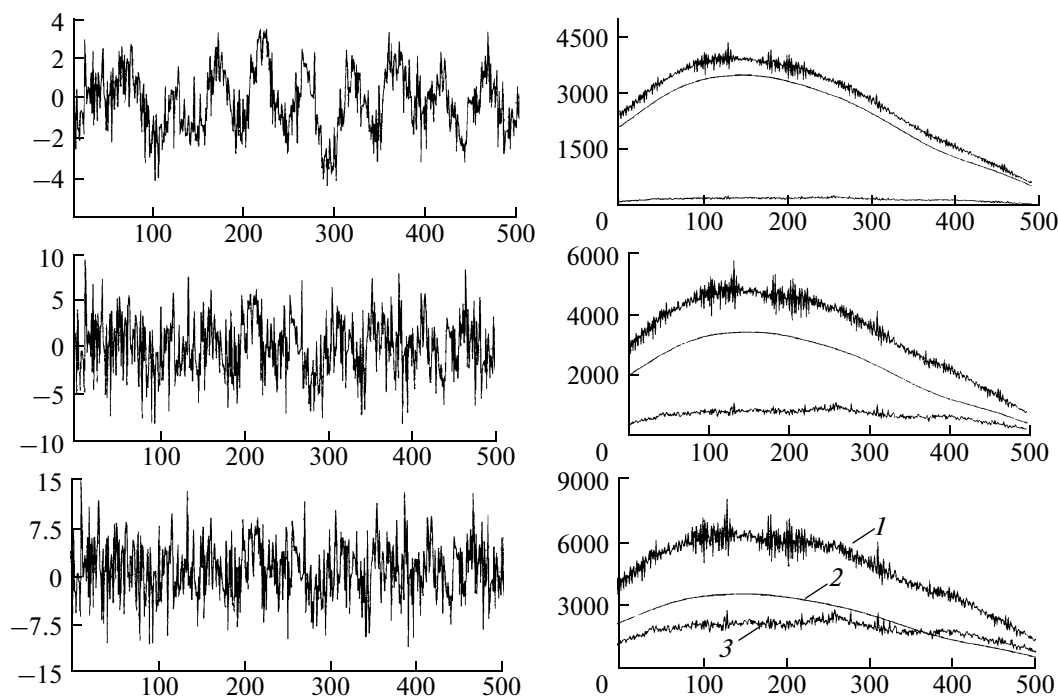
Кроме этого в выражение (9) в качестве тренда входит низкочастотная функция  $f_{tr}(t)$ . Величины  $A_1$ ,  $A_2$ ,  $A_{ns}$  характеризуют в среднем амплитуды отдельных функций. На рисунке 1 приведено поведение компонент функции  $f(t)$  из выражения (9).



**Рис. 1.** Компоненты модельного квазипериодического ряда. Слева – сверху вниз: трендовая низкочастотная функция  $f_{tr}(t)$ ; затухающая квази-синусоида  $f_1(t)$ ; периодический “временной пакет”  $f_2(t)$ ; белый шум  $f_{ns}(t)$ . Характерные амплитуды всех сигналов:  $A_1, A_2, A_{ns}$  порядка единицы. Справа – графики трендовых функций  $f_{tr}(t)$  (модельный ряд – сплошная линия, штриховая – результат восстановления методом SSA); сверху вниз – расчеты для разной величины “зашумленности” сигналов:  $k = 0.5; 1.0; 2.0; 3.0$ .

На первом этапе проведено вычисление тренда  $\tilde{f}_{tr}(t)$  ряда (9) согласно описанной выше SSA-схеме. Расчеты выполнены для различных уровней “зашумленности” временного ряда. Принималось, что  $A_1 \approx A_2 \approx 1$ , а амплитуда шума задавалась разными значениями  $A_{ns} = k$ , где  $k = 0.5; 1.0; 2.0; 3.0$ . Например, значение  $k = 3$  соответствовало трехкратному превышению шума по сравнению с полезным сигналом. На рисунке 1 приведено сопоставление модельной функции  $f_{tr}(t)$  с восстановленной SSA-преобразованием для одной главной компоненты, соответствующей  $\lambda_1$ . Вычисления, проведенные для разной степени зашумленности рядов, показывают, что в широких пределах, вплоть до  $(A_{ns}/A_i) \leq 3$ , восстановленная функция тренда  $\tilde{f}_{tr}(t)$  хорошо совпадает с модельной.

На следующем этапе обработки ряда (9) из него вычитался тренд  $\tilde{f}(t)$ . Оставшийся временной ряд (в дальнейшем будем его обозначать как  $\tilde{f}(t)$ ) становится квазистационарным и содержит только искомым сигнал и шумовую компоненту. На рисунке 2 показаны остатки  $\tilde{f}(t)$  ряда (9) с разной степенью зашумленности. Видно, что при  $A_{ns}/A_i \geq 2$  практически нельзя различить сигнал среди шума. Применение процедур (4)–(8) позволяет вычислить энергию  $E$  для  $\tilde{f}(t)$ . Модельная функция определена на интервале  $1 \leq t \leq 500$ . Для получения временной зависимости  $E(t)$  расчеты проводились для небольшого по ширине временного окна (порядка 0.1 от всего интервала), путем его последовательного сдвига. В общем случае можно рекомендовать ширину временного



**Рис. 2.** Остатки временного ряда  $\tilde{f}(t)$  и его энергия  $E(t)$  в зависимости от времени. Слева, сверху вниз – график остатков для разных амплитуд шума  $k$ : 1.0; 2.0; 3.0. Справа, сверху вниз – поведение  $E(t)$  для соответствующих  $k$ : 1.0; 2.0; 3.0. Компоненты энергии: 1 – для полной функции  $\tilde{f}(t)$ ; 2 – для сигнальной части  $A_1f_1(t) + A_2f_2(t)$ ; 3 – для шума  $A_{ns}(t)$ .

окна брать порядка времени характерной структуры самого сигнала. На рисунке 2 приведены результаты вычисления энергии как для полной функции остатков  $\tilde{f}(t)$ , так и для отдельных компонент; сигналов  $A_1f_1(t) + A_2f_2(t)$  и, шума  $A_{ns}(t)$ . Видно, что при амплитудах шума, сравнимых с полезными сигналами ( $k=1$ ), его вкладом в полную энергию  $E(t)$  можно пренебречь. Если среднее значение амплитуды шума трехкратно превышает сигнал ( $k=3$ ), то энергия суммарной квазистационарной функции остатков  $\tilde{f}(t)$  все равно значительно (более чем в 2 раза) превышает энергию шумовой компоненты. Это обусловлено тем, что при вычислениях вейвлет-преобразования (4)–(8) высокочастотный (знакопеременный) шум в значительной степени фильтруется, и поэтому характер поведения энергии  $E(t)$  зашумленного ряда практически совпадает с ее поведением для искомого сигнала.

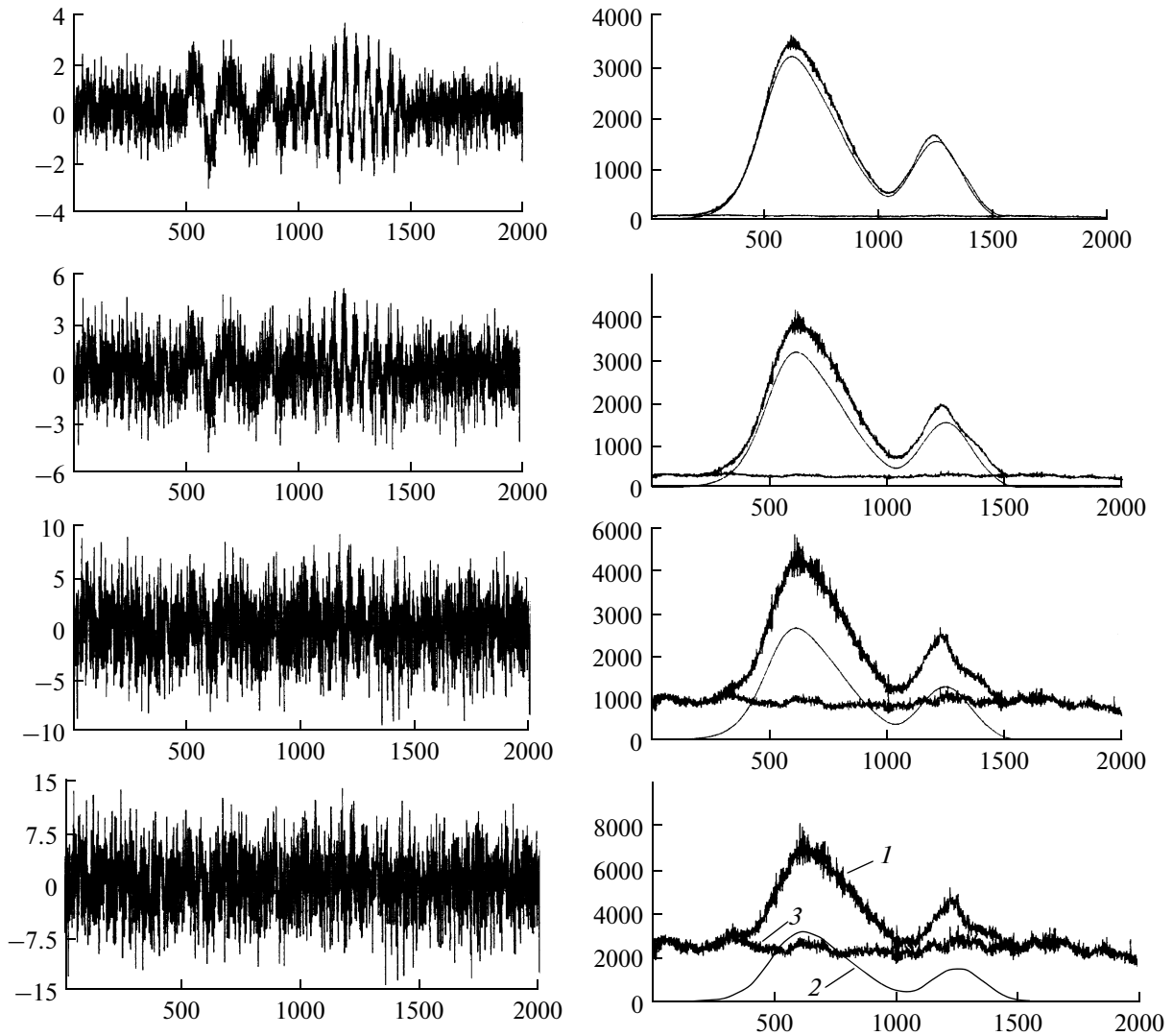
### 3.2. Идентификация энергии последовательных сигналов

Рассмотрим ряд  $\tilde{f}(t)$ , в котором на протяжении всего времени ( $1 \leq t \leq 2000$ ) присутствует белый шум  $A_{ns}f_{ns}$ , а также два искомого сигнала  $A_1f_1$  и  $A_2f_2$ , которые включаются поочередно на отрезках ( $501 \leq t \leq$

$\leq 1000$ ) и ( $1001 \leq t \leq 1500$ ). Этот временной ряд свободен от тренда и является квазистационарным. На рисунке 3 приведен график  $\tilde{f}(t)$  с разной степенью зашумленности. При большой амплитуде шумов ( $k \geq 2$ ) искомые сигналы становятся полностью “скрытыми” шумами. Последовательное применение преобразований (4)–(8) позволяет вычислить энергию  $E(t)$  для  $\tilde{f}(t)$  и ее отдельных компонент на отдельных участках временного ряда. Справа на рисунке 3 приведено поведение энергии на всем интервале времени “наблюдения” временного ряда. Вне зоны действия сигналов ( $1 \leq t \leq 500$  и  $1500 \leq t \leq 2000$ ) энергия остается практически постоянной за счет присутствия шума. При разных уровнях превышения шума над искомым сигналом, вплоть до  $k \approx 3$ , полная энергия зашумленного ряда  $E(t)$  значительно превышает (больше, чем в три раза) энергию самого шума. Кроме этого видно, что “форма”  $E(t)$  зашумленного ряда практически повторяет зависимость энергии искомого сигнала.

### 4. АНАЛИЗ ВАРИАЦИЙ ПОТОКА ГКЛ

В качестве примера рассмотренный метод вычисления энергии  $E(t)$  временного ряда с помощью вейвлет-преобразования был применен для анализа вариаций интенсивности потока галактических кос-



**Рис. 3.** Ряд  $\tilde{f}(t)$  и его энергия  $E(t)$  в зависимости от времени. Слева, сверху вниз – графики временных рядов для разных амплитуд шума  $k$ : 0.5; 1.0; 2.0; 3.0. Справа – поведение  $E(t)$  для соответствующих  $k$ . Компоненты энергии: 1 – для полной функции  $\tilde{f}(t)$ ; 2 – для сигнальной части  $A_1f_1(t) + A_2f_2(t)$ ; 3 – для шума  $A_{ns}f_{ns}$ .

мических лучей (ГКЛ), который регистрируется в разных пунктах на поверхности Земли отдельными нейтронными мониторами. Поток протонов ГКЛ приобретает модуляцию при прохождении через сгусток солнечной плазмы, распространяющейся от Солнца в межпланетном пространстве в результате коронального выброса массы (КВМ). События типа КВМ возникают во время мощной солнечной активности. Некоторые КВМ имеют топологию в виде расширяющейся петли-тора, концы которой связаны с Солнцем. Внутри тора наблюдается повышенное значение магнитного поля [Lerping et al., 1990]. Кроме того, прямые спутниковые данные указывают на существование внутри тора устойчивой поперечной компоненты магнитного поля  $B_z$ , которая

медленно поворачивается на угол  $180^\circ$  в течение суток. Такие структуры КВМ принято называть магнитными облаками (МО). Скорость расширения МО составляет сотни км/с, и они могут достигать орбиты Земли за 1.5–3 сут после эрупции. Продолжительное время прямые измерения характеристик МО проводит гелио-стационарный спутник ACE, расположенный в 1.5 млн. км от Земли в точке либрации [<http://www.astronautix.com/craft/ace.htm>]. Регистрация и изучение МО представляет особый интерес, поскольку они являются наиболее геоэффективными по сравнению с другими видами солнечной активности [Ермолаев и др., 2010]. Рисунок 4 показывает временные ряды характеристик модуля магнитного поля  $|B|$  и его проекцию  $B_z$ , из-

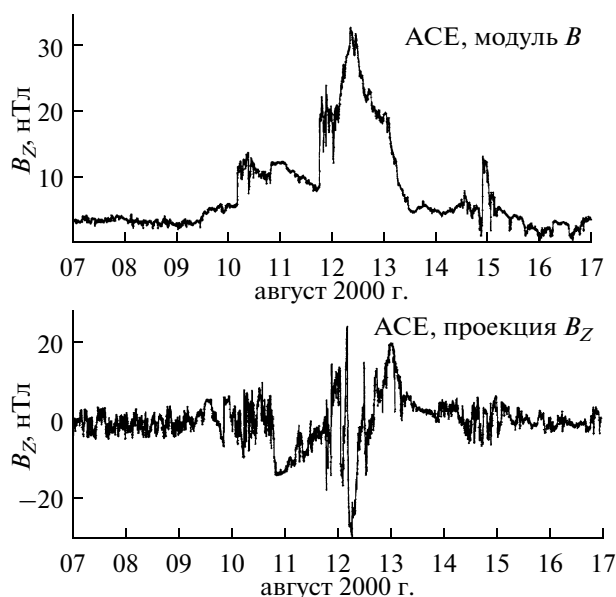


Рис. 4. Временные ряды вариаций межпланетного магнитного поля по данным спутника ACE с 7 по 16 августа 2000 г.

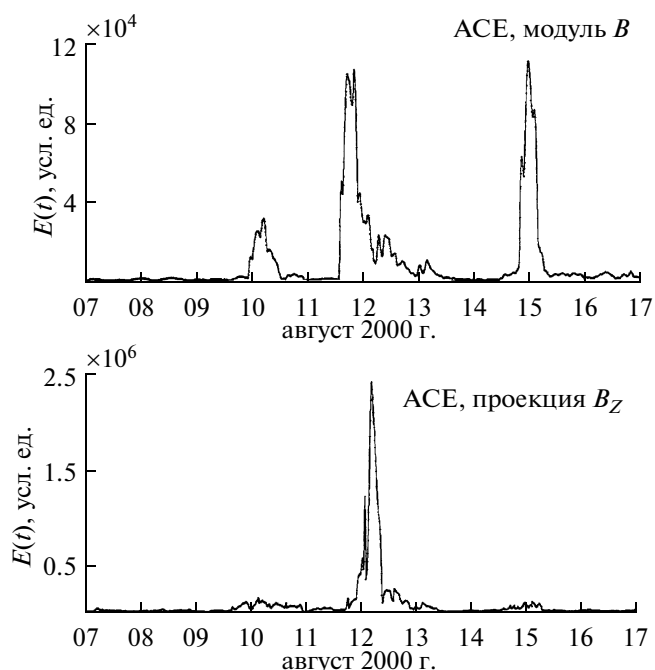


Рис. 5. Поведение энергии  $E(t)$  по данным спутника ACE с 7 по 16 августа 2000 г.

меренные аппаратурой ИСЗ ACE за 10-суточный период времени. Структура МО составляет по времени лишь небольшой отрезок — около суток (06:06—05:06 UT с 12 по 13 августа 2000 г. [[http://cdaw.gsfc.nasa.gov/CME\\_list/](http://cdaw.gsfc.nasa.gov/CME_list/)]), в то время как полная величина магнитного поля  $|B|$  превышает

среднее фоновое значение на более длительном промежутке (с 10 по 15 августа). На рисунке 5 приведены вычисленные значения энергии  $E(t)$  по вариациям межпланетного магнитного поля. Получается, что “всплеск” энергии  $E(t)$  для  $B_z$ -компоненты соответствует только промежутку времени прохождения МО через орбиту Земли.

Рисунок 6 иллюстрирует изменения интенсивности ГКЛ по данным 4-х нейтронных мониторов (НМ), расположенных в европейской части, за тот же 10-суточный период времени с 7 по 16 августа 2000 г.: Троицк [<http://helios.izmiran.rssi.ru/>], Ломнитски Штит [<http://neutronmonitor.ta3.sk/realtime.php>], Апатиты [<http://pgia.ru/cosmicray>], Оулу [<http://cosmicrays oulu.fi>]. Два первых НМ имеют высокий порог геомагнитного обрезания (2.4 и 4.0 ГВ), последние — низкий (0.65 и 0.81 ГВ). Кроме этого конус приема потока ГКЛ для НМ Оулу значительно отличается от указанных европейских установок.

В этом событии вариации потока ГКЛ, связанные с МО, составляют (1–2)%, и их трудно идентифицировать на фоне других вариаций. Данные мониторов использованы для расчета энергии  $E(t)$  на коротких временных окнах, составляющих 48 точек с 10-минутной экспозицией (8-часовые отрезки). Видно (рис. 7), что в поведении  $E(t)$  для всех НМ получаются два пика: в дневное время (12 авг., 06–18 UT) и вечерне-ночное время (12–13 авг., 20–05 UT), которые по времени соответствуют прохождению МО через орбиту Земли. Пики для установок с большими порогами геомагнитного обрезания (Троицк, Л. Штит) разделены временным интервалом около 12 ч. Качественно пики и их положение можно интерпретировать следующим образом. В межпланетном пространстве кусок петли-тора МО часто рассматривается в виде цилиндра [Bothmer and Schwenn, 1998]. В этом случае 12-часовой интервал между пиками энергии  $E(t)$  может быть связан с особенностями регистрации вариаций потока ГКЛ в течение суток, когда Земля находится внутри такого цилиндра: в дневное время (12 авг., 06–18 UT) космические лучи регистрируются НМ от солнечного направления, а в вечерне-ночное время (12–13 авг., 20–05 UT) — наоборот, в направлении к Солнцу. Вдоль оси цилиндра (утром и вечером) энергия временного ряда оказывается значительно меньше, чем при пересечении частицами ГКЛ его боковой поверхности. Разница амплитуд первого и второго пиков может быть обусловлена разной степенью турбулизации солнечной плазмы: передняя часть облака КВМ (12 авг., 06–18 UT) сопровождается большим возмущением, а внутренняя сторона (12–13 авг., 20–05 UT) содержит депрессивную, стационарную область.

Пики для установок с малыми порогами геомагнитного обрезания (Апатиты, Оулу) более размыты

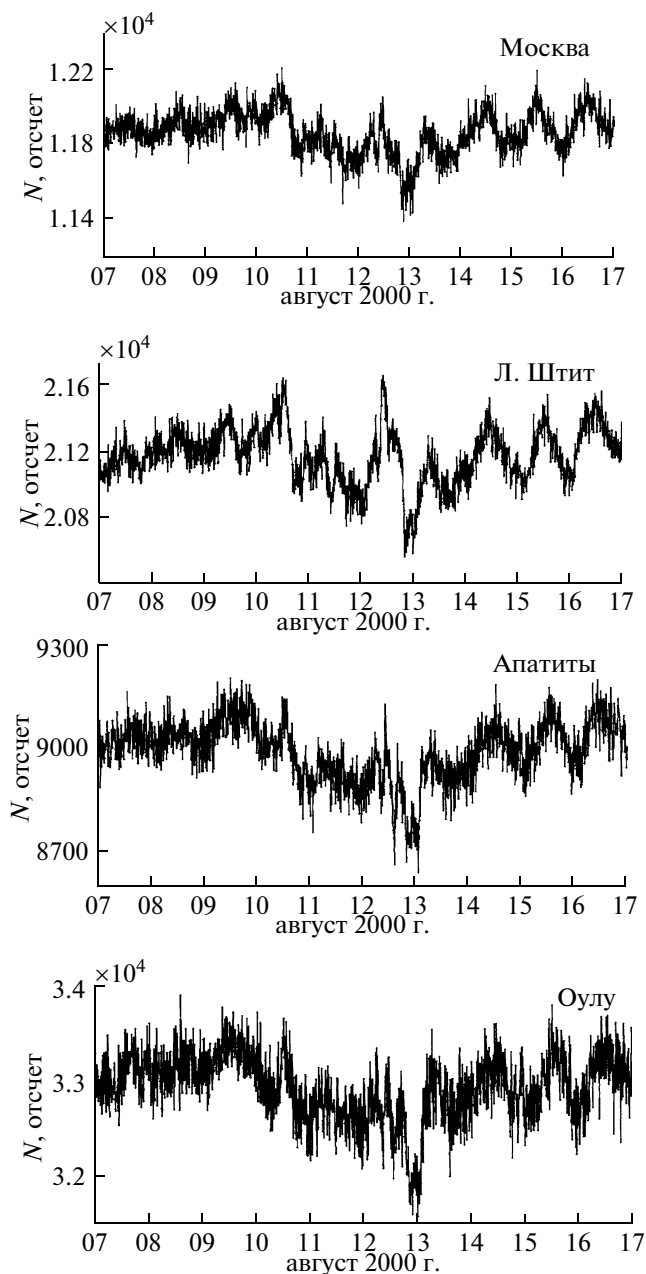


Рис. 6. Временные ряды вариаций потока ГКЛ по данным нейтронных мониторов.

во времени, что связано с ростом вариаций потока ГКЛ при уменьшении энергии проникающих частиц. В поведении  $E(t)$  для НМ Оулу в районе 15 августа получается значительный пик, который совпадает по времени с изменениями  $|B|$  по данным ИЗС АСЕ. Для других НМ такой пик отсутствует. Возможно, это обусловлено особенностями конуса приема.

Дополнительные вычисления  $E(t)$  при изменении длины временных окон от 36-ти до 60-ти точек,

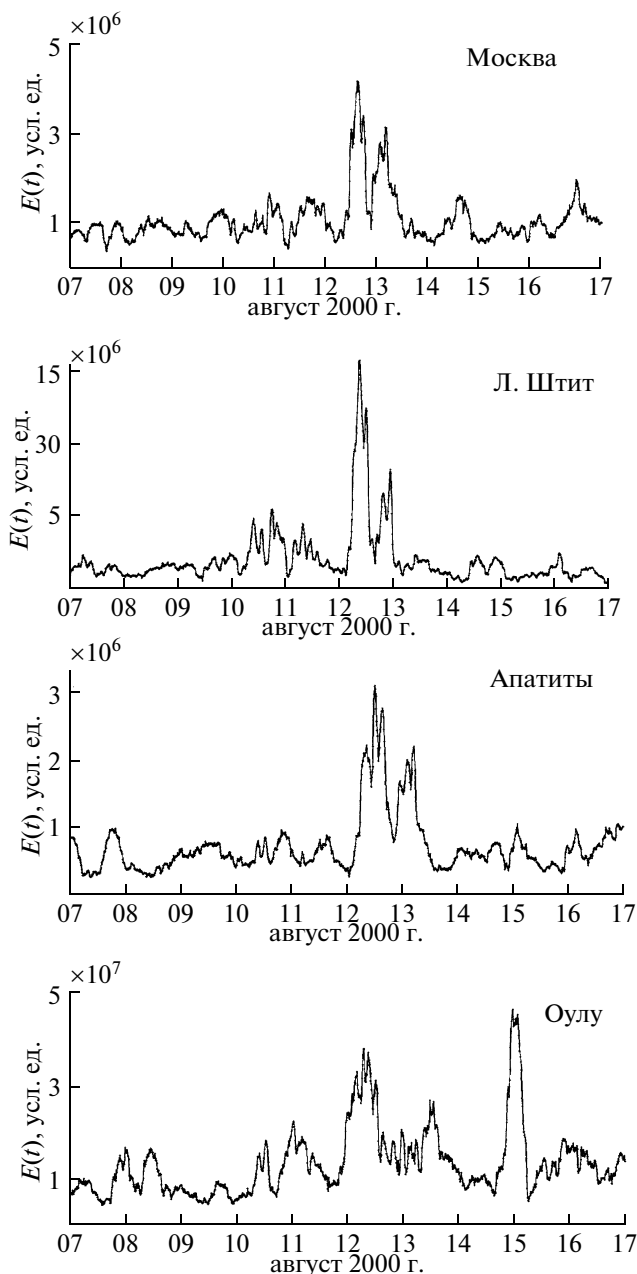


Рис. 7. Поведение энергии  $E(t)$  по данным нейтронных мониторов с 7 по 16 августа 2000 г.

показали устойчивость полученных результатов — характер распределений энергии практически не менялся.

## 5. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

1. Предложен новый комбинированный метод выделения скрытых периодичностей по энергии в нестационарных временных рядах, который оказывается высокоэффективным для идентификации

процессов короткой продолжительности и состоит из следующих этапов:

- удаление медленных изменений средних характеристик ряда с помощью сингулярно-спектрального анализа без какого-либо предположения о виде функции тренда;

- вычисление энергии  $E(t)$  оставшегося квазистационарного ряда с применением вейвлет-преобразования.

Энергия  $E(t)$  значительно превышает ее фоновое значение для шумовой компоненты вплоть до трехкратного превышения амплитуды шума величины искомого сигнала. При этом  $E(t)$  сильно зашумленного ряда повторяет временную зависимость энергии для временного ряда, свободного от высокочастотного шума.

2. Применение комбинированного метода для анализа вариаций потока ГКЛ на орбите Земли, связанных с распространением МО солнечного происхождения, указывает на то, что основная энергия частотных вариаций обусловлена  $B_z$ -компонентой внутренней структуры МО, а не изменением модуля  $|B|$  полного магнитного поля. Временное поведение энергии  $E(t)$  слабо зависит от величины геомагнитного обрезания разных нейтронных мониторов.

3. Непрерывные значения энергии  $E(t)$  вариаций ГКЛ во время прохождения МО через орбиту Земли позволяют изучать его динамические характеристики с помощью установок типа нейтронных мониторов с высоким геомагнитным порогом.

Работа выполнена при частичной поддержке Министерства образования и науки, ФЦП “Научные и научно-педагогические кадры инновационной России” и гранта РФФИ (№ 10-02-01460 а).

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Астафьева Н.М. Вейвлет-анализ: основы теории и применения // УФН. Т. 166. № 11. С. 1145–1170. 1996.
- Витязев В.В. Вейвлет-анализ временных рядов. СПб.: СПбГУ. 58 с. 2001.
- Голяндина Н.Э. Метод Гусеница-SSA: анализ временных рядов. СПб.: СПбГУ. 76 с. 2004.
- Данилов Д.Л., Жиглявский А.А. Главные компоненты временных рядов: метод “Гусеница”. СПб.: СПбГУ. 308 с. 1997.
- Ермолаев Ю.И., Николаева Н.С., Лодкина И.Г., Ермолаев М.Ю. Относительная частота появления и геоэффективность крупномасштабных типов солнечного ветра // Космич. исслед. Т. 48. № 1. С. 3–32. 2010.
- Крянев А.В., Лукин Г.В. Метрический анализ и обработка данных. М.: Физматлит, 280 с. 2010.
- Отнес Р., Энксон Л. Прикладной анализ временных рядов. М.: Мир. 428 с. 1982.
- Bothmer V., Schwenn R. The structure and origin of magnetic clouds in the solar wind // Ann. Geophysicae. V. 16. P. 1–24. 1998.
- Lepping R.P., Burlaga L.F., Jones J.A. Magnetic field structure of interplanetary magnetic clouds at 1 AU // J. Geophys. Res. № 95. P. 11.957–11.965. 1990.